



PROCESAMIENTO DE DATOS EN LAS INVESTIGACIONES EDUCTIVAS UNIDAD III

FASE DE ANALISIS DE LOS CONJUNTOS DE DATOS ESTRUSTURADOS

Octubre 2025

Dr.C. Omar Pérez Jacinto Cel: +53 53750444



En la fase de análisis del proceso de transformación de «datos-información», la validez del resultado obtenido se verifica mediante «un contraste de hipótesis» y de acuerdo a su propósito:

- Estimar los parámetros de una población.
- Comprobar una hipótesis

Estimar los parámetros de la población

Muestreo probabilístico

Tamaño de la muestra

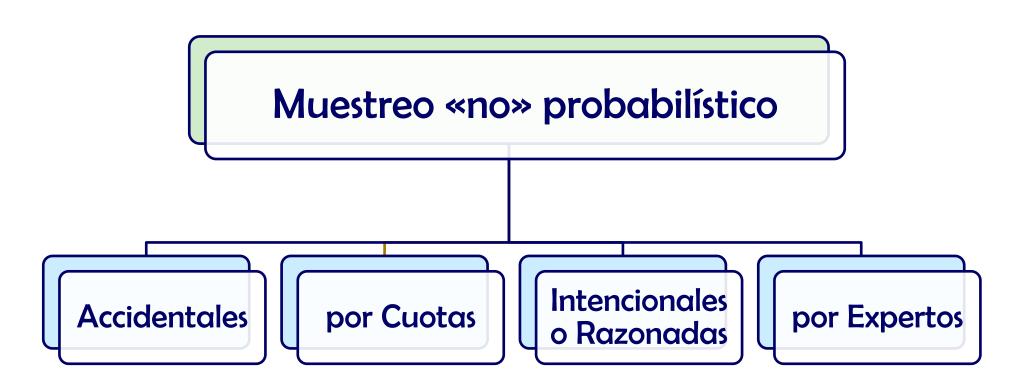
N no se conoce

$$n = \frac{Z_{\alpha}^2 PQ}{E^2}$$

N se conoce

$$n = \frac{NZ_{\alpha}^{2} PQ}{(N-1)E^{2} + Z_{\alpha}^{2} PQ}$$





Algunos rasgos de los contrastes de hipótesis a tener en cuenta en las investigaciones educativas.

Supuestos acerca de la naturaleza de los elementos constituyentes de las poblaciones.

Supuestos acerca de la naturaleza de la escala de medición.

Supuestos acerca de las proposiciones de la lógica.

Propósito del Contraste de Hipótesis

Supuestos acerca de la naturaleza de los elementos constituyentes de las poblaciones.

Respuestas estereotipadas

Distribuciones normales

Distribuciones Libres

Distribuciones Libres

Supuestos acerca de la naturaleza de las escalas de medición.



Supuestos acerca de las proposiciones de la Lógica.

Lógica Polivalente Lógica Clásica Con Región de Sin Región de Rechazo Rechazo **Múltiples** Verdadero o Falso **Proposiciones**

Técnicas no paramétricas.

Distribuciones libres

Escalas no métricas

Pequeñas muestras

Comparan muestras de diferente tamaños

Propósitos de los contrastes de hipótesis en las investigaciones educativas.

Validez de la caracterización de una muestra o población respecto a una variable del proceso.

Significación de las diferencias entre dos o más muestras o poblaciones respecto a la variable del proceso.

Significación de cambios de la variable del proceso, al ejercer acciones de intervención sobre una muestra o población

Validez de la relación entre dos o más variables del proceso en una muestra o población.

Etapas del Procedimiento General Clásico de los Contrastes de Hipótesis:

Formulación de las hipótesis de partida.

Elección de la Prueba Estadística.

Establecimiento del nivel de significación.

Definición de la región de rechazo

Cálculo y Decisión.

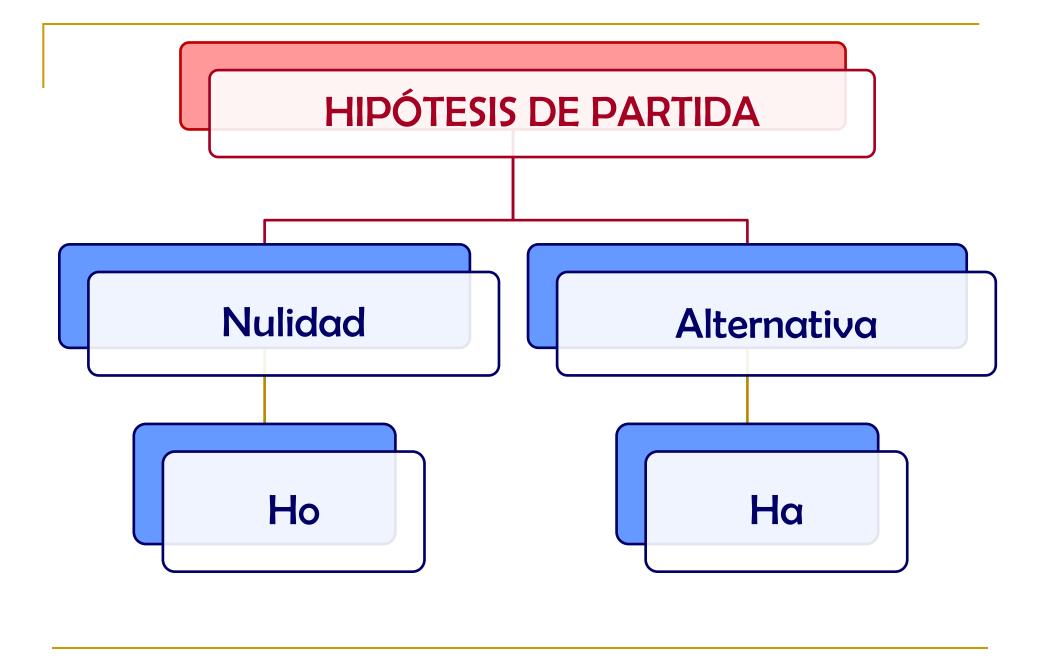
Etapas del Procedimiento General de los Contrastes de Hipótesis, con arreglo a la Lógica Polivalente:

Formulación de las hipótesis de partida.

Elección de la Prueba Estadística.

Establecimiento de niveles de posibilidad.

Cálculo y Decisión.



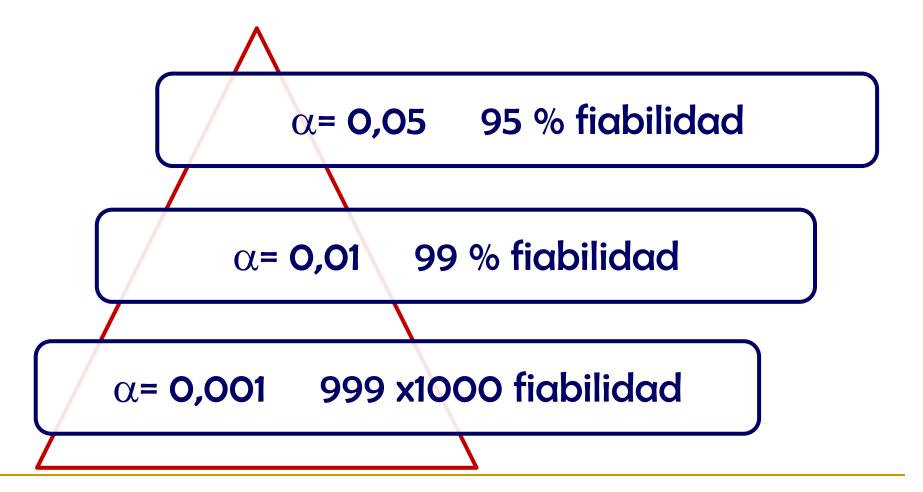
Selección de la Prueba de Hipótesis para indagaciones concretos.

Propósito del Contraste de Hipótesis

Escala de medición

Rasgos distintivos del problema

Niveles de significación de la Lógica Clásica



Proposiciones de la Lógica Polivalente

Nivel de Significación

a ≤ 0,01

0,01 < α ≤ **0,05**

0,05 < α ≤ **0,10**

0,10 < α ≤ **0,20**

0,20 < α ≤ 0,30

0,30 < α ≤ 0,50

Rango de Posibilidad

Muy posible

Bastante posible

Algo posible

Poco posible

Bastante poco posible

Muy poco posible

Cálculo y Decisión

Formula de Tipificación

Software de procesamiento Estadístico Minitab

Valor de probabilidad «valor-p» Determina el rango de posibilidad.

CARACTERIZACIÓN

Contrastes de hipótesis para validar la caracterización de una muestra.

Nominal

Ordinal

Binomial Dicotómica

K-S 2 Muestras Ligaduras

X² 1 Muestra Politómica

Ejemplo de Contraste de Hipótesis en una indagación de caracterización de una muestra:

Un investigador necesita conocer si los 118 estudiantes de un Centro de Enseñanza Básica, manifiestan preferencia por uno de los dos métodos, asequibles al nivel, para resolver un tipo de ejercicio de la asignatura de Ciencias.

Muestreo probabilístico

Datos

$$N = 118$$

$$Z_{\infty} = 1.96$$

$$E = 0.1$$

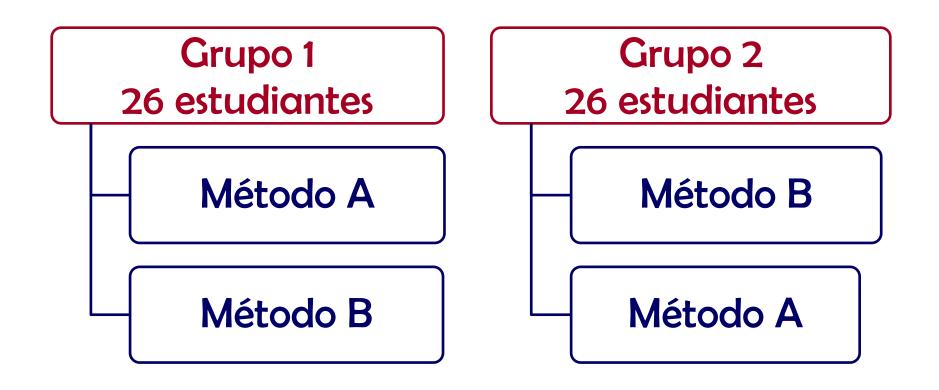
$$P = Q = 0.5$$

$$n = \frac{NZ_{\alpha}^{2} PQ}{(N-1)E^{2} + Z_{\alpha}^{2} PQ}$$

$$n = \frac{118(1,96)^2(0,5)(0,5)}{(118-1)(0,1)^2 + (1,96)^2(0,5)(0,5)}$$

$$n = 52,59$$

Se dividen los 52 estudiantes en dos grupos de 26, también aleatoriamente.



Una semana después aplica un problema del mismo tipo...

Resultado:

Método	# Estudiantes	%	
Método A	32	61,54	
Método B	20	38,46	

¿En qué medida podemos decir que existe preferencia por el método A?

Hipótesis de partida

Hipótesis de Nulidad

$$p[Pref. A] = p[Pref. B] = 0,5$$

Hipótesis de Alternativa

Selección de la prueba:

 Propósito: Validar los resultados de la «caracterización» de los estudiantes del Centro en relación con su preferencia por uno de los dos métodos.

 Escala de medición: «Nominal o Clasificatoria» con dos subclases mutuamente excluyentes.

Prueba Binomial

Nivel de
Significación

Valores críticos de la Normal

Rango de Posibilidad

Z > 2,33

Muy posible

2,33 > Z > 1,65

Bastante posible

1,65 > Z > 1,29

Algo posible

1,29 > Z > 0,84

Poco posible

0.84 > Z > 0,53

Bastante poco posible

0,53 > Z > 0,00

Muy poco posible

Cálculo y Decisión

$$Z = \frac{(x \pm 0.5) - NP}{\sqrt{NPQ}}$$

Donde:

N: tamaño de la muestra

x: frecuencia observada

$$P = Q = \frac{1}{2}$$

Sustituyendo

$$Z_c = \frac{(32-0.5)-52\times0.5}{\sqrt{52\times0.5\times0.5}} = 1.53$$

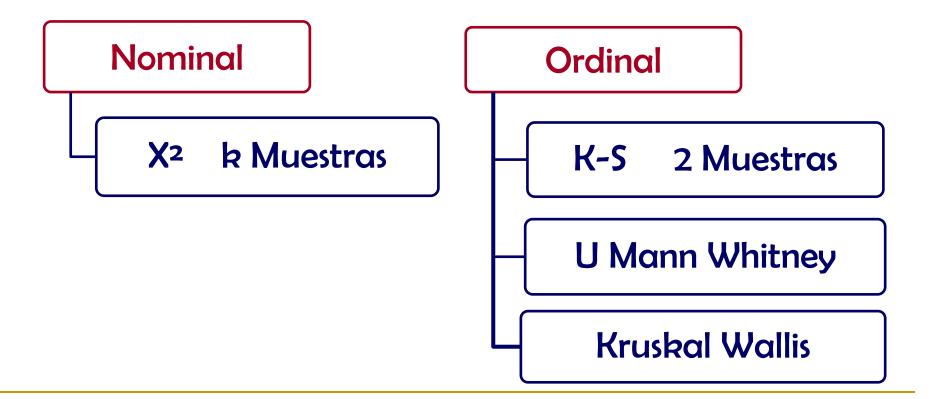
$$1,65 > Z_c > 1,29$$

Algo posible

Clásica con $\propto = 0,05 \rightarrow No$ existe preferencia

COMPARACIÓN

Contrastes de hipótesis para la significación de las diferencias entre dos o más muestras.



Ejemplo de Contraste de Hipótesis en una indagación de comparación de dos muestras:

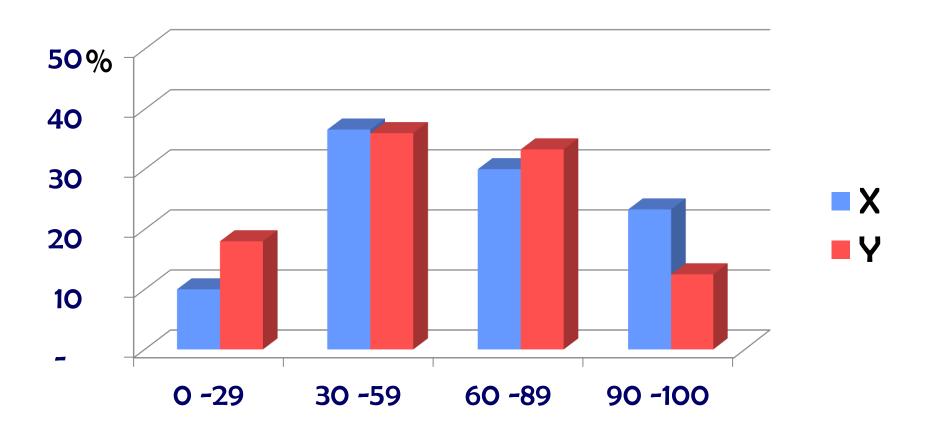
Resultados de la prueba de Matemática de los estudiantes de los Centros X e Y.

Pre	0 -29	30 - 59	60 -89	90 -100	Total
X	6	22	18	14	60
Y	13	26	24	9	72

Síntesis de los resultados:

$$Md_X = 63,10$$

$$Md_{Y} = 55,65$$



Hipótesis de partida

Hipótesis de Nulidad

$$p[Preparado A] = p[Preparado B] = 0,5$$

Hipótesis de Alternativa

p[Preparrado A] > p[Preparado B]

Selección de la prueba:

- Propósito: Determinar la significación de las diferencias en los resultados de la prueba de Matemática de los estudiantes de X y Y.
- Escala de medición: Ordinal o de Rango con muchas ligaduras.

Prueba Kolmogorov-Smirnov para 2 Muestras

Nivel de
Significación

Valores críticos de la Normal

Rango de Posibilidad

$$x^2 \ge 9,21$$

Muy posible

$$9,21 > x^2 \ge 5,99$$

Bastante posible

$$5.99 > x^2 \ge 4.60$$

Algo posible

$$4,60 > x^2 \ge 3,22$$

Poco posible

$$3,22 > x^2 \ge 2,41$$

Bastante poco posible

$$2,41 > x^2 \ge 0,00$$

Muy poco posible

Cálculo y decisión

$$\chi^2 = 4D_{MAX}^2 \frac{N_x \times N_y}{N_x + N_y}$$

Donde:

 N_x : Tamaño de la muestra X

 N_y : Tamaño de la muestra Y

 $D_{m\acute{a}x}$: Máxima diferencia $f_{ac/rel}$

Cálculo de $D_{ extit{MAX}}$

Pre	0 -29	30 - 69	70 - 89	90 -100		
X	6	22	18	14		
Y	13	26	24	9		
Frecuencias acumuladas						
X	6	28	46	60		
Y	13	39	63	72		
Frecuencias acumuladas relativas						
X	0,10	0,47	0,77	1,00		
Y	0,10	0,54	0,87	1,00		
$D_{ extit{M\!A\!X}}$	0,08	0,07	0,10	0,00		

Sustituyendo

$$\chi^2 = 4 \times (0,1)^2 \frac{60 \times 72}{60 + 72} = 1,33$$

$$2,41 > X^2 > 0,00$$

Muy poco posible

Clásica con $\alpha = 0$, $05 \rightarrow No$ existe diferencia

TÉCNICAS Y PROGRAMAS PARA EL PROCESAMIENTO DE DATOS PROGRAMA DE PROCESAMIENTO MINITAB

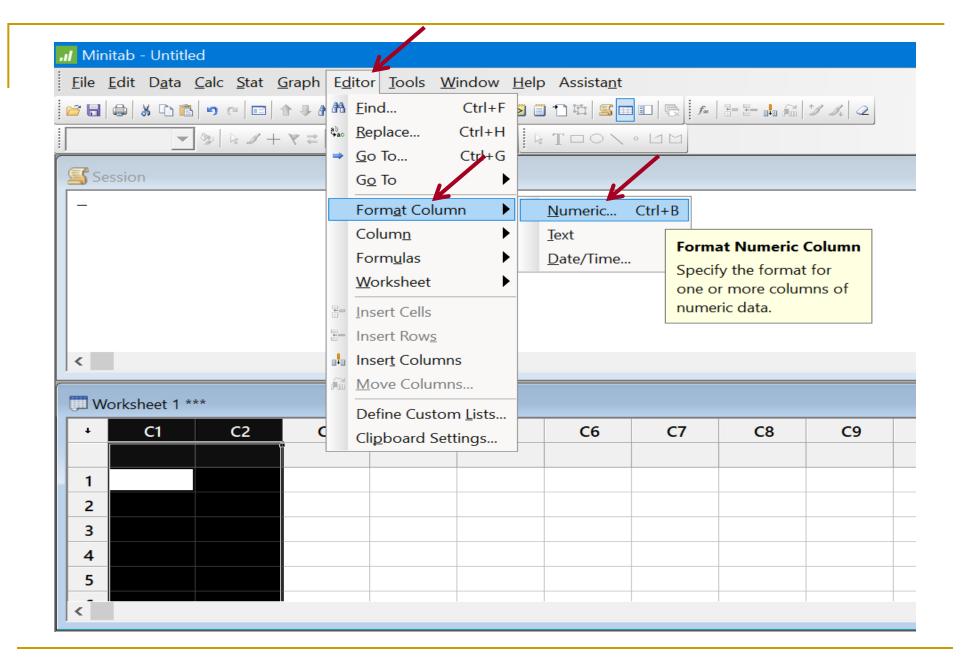


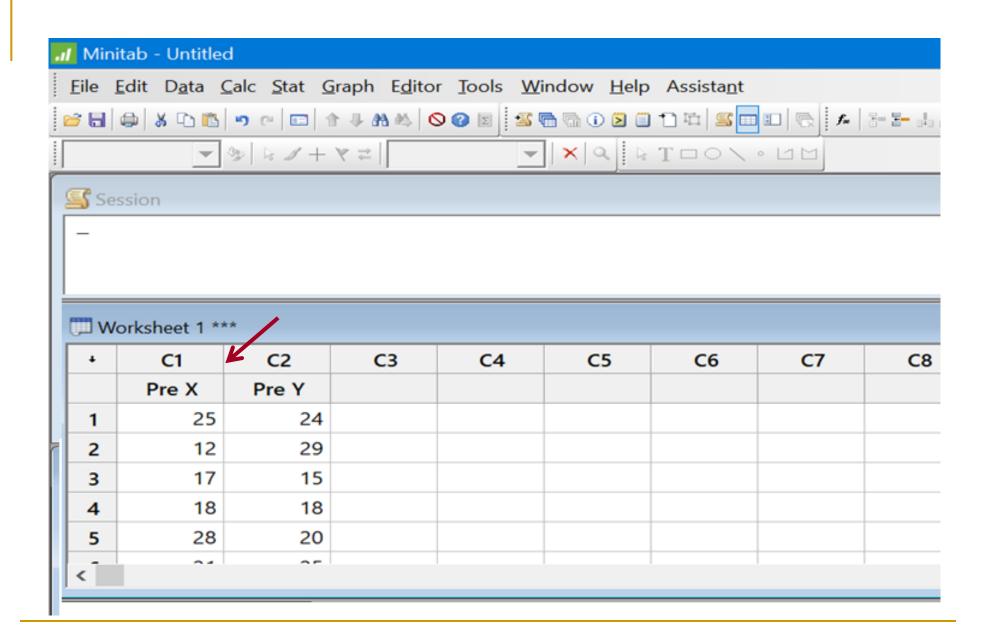
Minitab 17

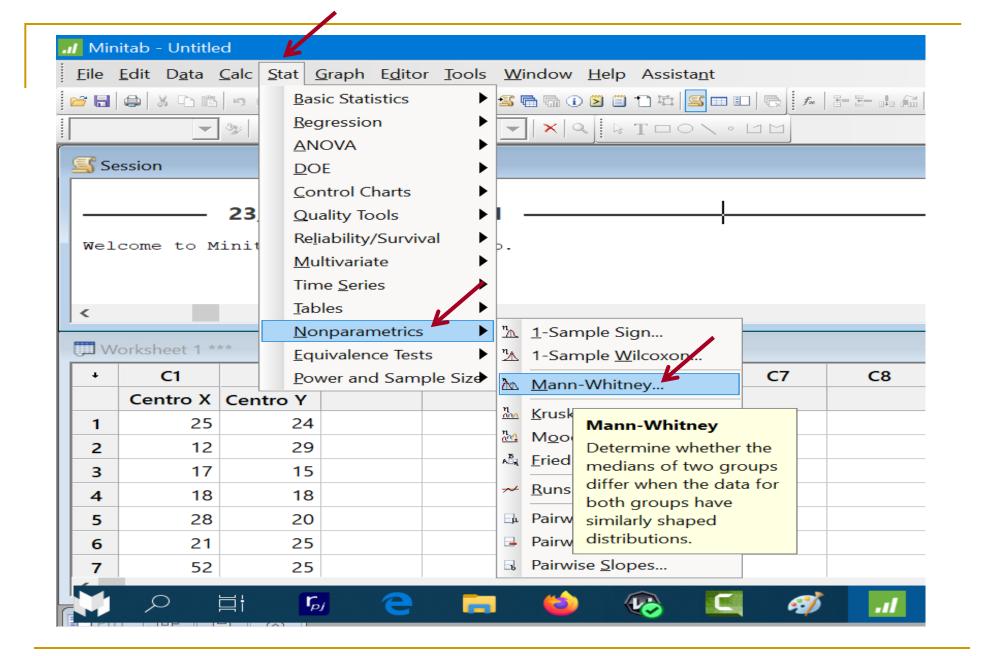
El software de herramientas estadísticas más utilizado en todo el mundo para mejorar la calidad.

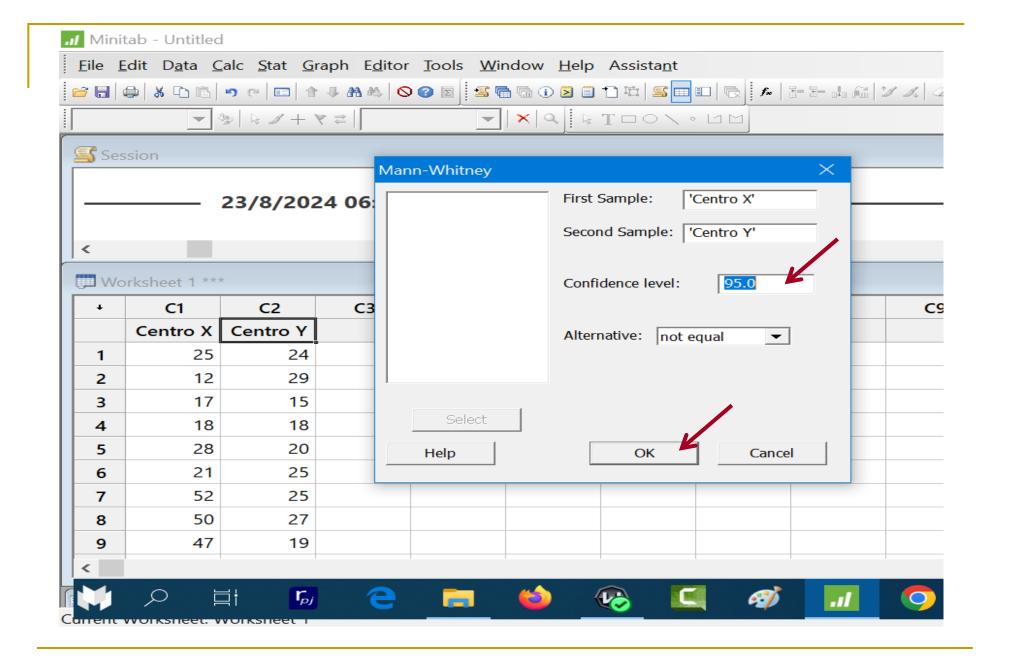
Minitab Inc. es el principal software del mundo para la enseñanza de la Estadística; también, es el software utilizado con mayor frecuencia en Seis Sigma, la principal metodología del mundo para el mejoramiento de la calidad.

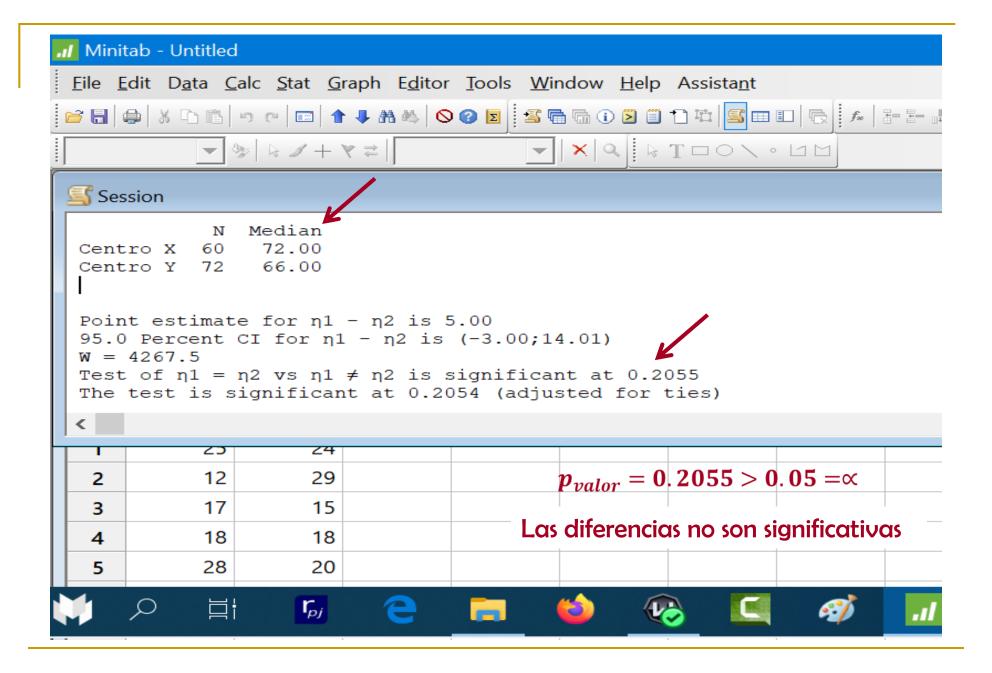
https://drive.google.com/file/d/1T6Oc5FD1BE7r-e_aubmhsNj2B0WY6fJn/view?usp=sharing











CONTRASTES DE HIPÓTESIS EN LA EXPERIMENTACIÓN PEDAGÓGICA

CONSTATACIÓN PRÁCTICA.

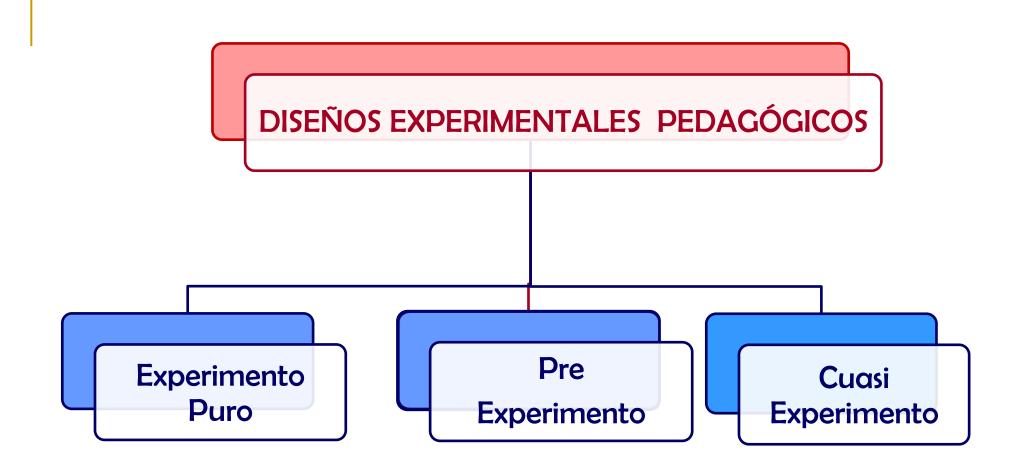


La ley de la razón suficiente establece que la existencia de un argumento demostrado en la práctica, es razón suficiente para aceptar la validez de la tesis que fundamenta. ...

4º ley de la lógica clásica. Leibniz

- En la teoría del conocimiento, el enfoque dialéctico incluye a la práctica como criterio de validez.
- Si el resultado de una investigación científica se aplica con éxito en la práctica, es válido.
- NO CONFUNDIR la comprobación en la práctica social con el método prospectivo de experimentación.

...validez / incertidumbre



PARA ESQUEMATIZAR LOS DISEÑOS EXPERIMENTALES

- GE Grupo experimental
- GC Grupo de control
- X Tratamiento experimental
- OX Sin tratamiento experimental
- O1 Test anterior al tratamiento experimental
- O1 Test posterior al tratamiento experimental
- AA Asignación aleatoria de los elementos a los grupos

EXPERIMENTOS PUROS O VERDADEROS

1º	AA	GE	-	X	02
ΙΞ	AA	GC	-	OX	02
-0	AA	GE	01	X	02
2º	AA	GC	01	OX	02
	AA	GE	01	Xa	02
3₀	AA	GE	01	Xb	02

Diseños de Salomón

CUASI EXPERIMENTOS

GE 01 X 02

PRE EXPERIMENTOS

GE 01 X 02

GC 01 OX 02

GE 01 X a 02

GE 01 X b 02

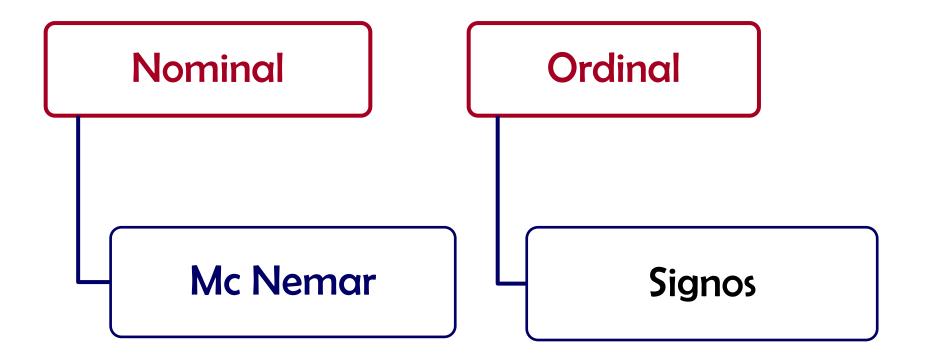
PRE EXPERIMENTOS

Ge 01 X 02

CUASI EXPERIMENTOS

1º Ge 01 X 02 Gc 01 0X 02

2º GEA 01 XA 02 GEB 01 XB 02 Contrastes de hipótesis para validar los resultados de un pre experimento pedagógico.



Ejemplo de Contraste de Hipótesis para validar los resultados en un pre experimento pedagógico:

Un profesor-investigador de la formación pedagógica está interesado en conocer el grado de influencia que ejerce su curso de Técnicas Participativas en la práctica pre profesional de sus 50 estudiantes.

Los controles a clases que se han realizado previos al curso, registran que algunos las han incorporado espontáneamente a causa de otras influencias.

Con los resultados de la revisión, desarrolla los contenidos del curso de Técnicas Participativas mediante conferencias y talleres.

Un tiempo prudencial después de haber culminado su curso, visita de nuevo las actividades docentes de los estudiantes y registra de nuevo la utilización de dichas técnicas.

Utilización de las Técnicas Participativas

Antes	Después	# Estudiantes	%
NO	SI	28	56 %
SI	NO	8	16 %
NO	NO	8	16 %
SI	SI	6	12 %

Hipótesis de partida

Hipótesis de Nulidad

$$p[antes] = p[después] = 0,5$$

Hipótesis alternativa

Selección de la prueba:

- Propósito: Determinar la significación del cambio en la utilización de las técnicas participativas de los estudiantes de la práctica pre profesional pedagógica.
- Escala de medición: Nominal o Clasificatoria.

Prueba de Mc Nemas

Nivel de Significación Valores críticos de la Normal

Rango de Posibilidad

a ≤ 0,01

 $x^2 \ge 6,64$

Muy posible

0,01 < α ≤ **0,05**

 $6,64 > x^2 \ge 3,84$

Bastante posible

0,05 < α ≤ **0,10**

 $3,84 > x^2 \ge 2,71$

Algo posible

0,10 < α ≤ **0,20**

 $2,71 > x^2 \ge 1,64$

Poco posible

0,20 < α ≤ **0,30**

 $1,64 > x^2 \ge 1,07$

Bastante poco posible

0,30 < α ≤ **0,50**

 $1,07 > x^2 \ge 0,00$

Muy poco posible

Cálculo y deción

$$X^{2} = \frac{[|f_{d} - f_{nd}| - 1]^{2}}{f_{d} + f_{nd}}$$

Donde:

 f_d : cambios deseados = 18

 f_{nd} : cambios NO deseados = 8

Sustituyendo

$$X^2 = \frac{[|28 - 8| - 1]^2}{28 + 8} = 10,02$$

$$X^2 > 6,64$$

Muy posible

Clásica con $\propto = 0,01 \rightarrow Cambios significactivos$

TÉCNICAS Y PROGRAMAS PARA EL PROCESAMIENTO DE DATOS PROGRAMA DE PROCESAMIENTO MINITAB

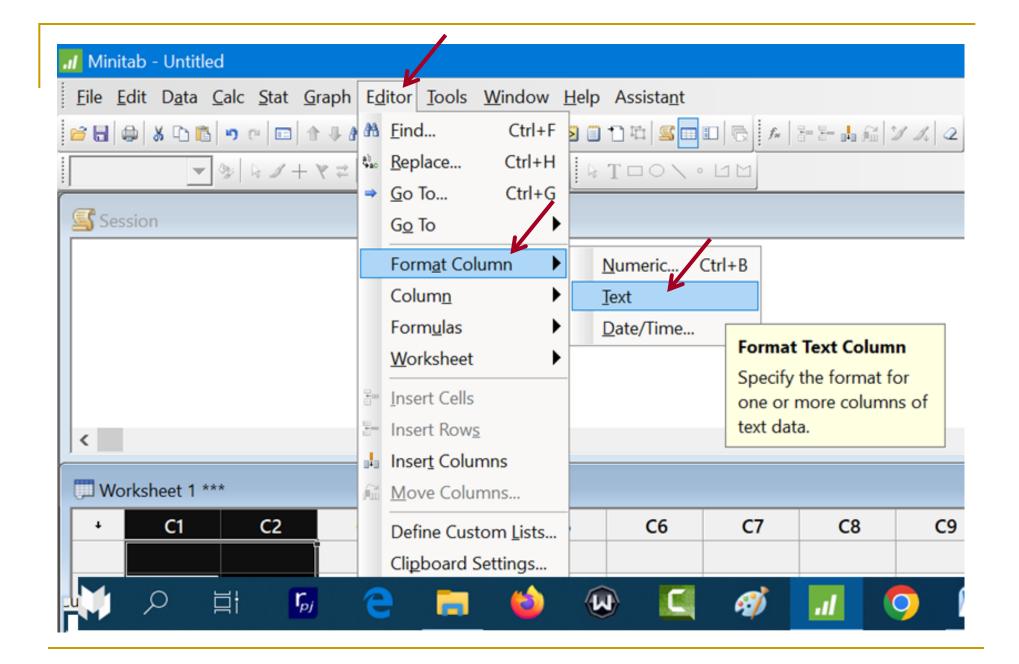


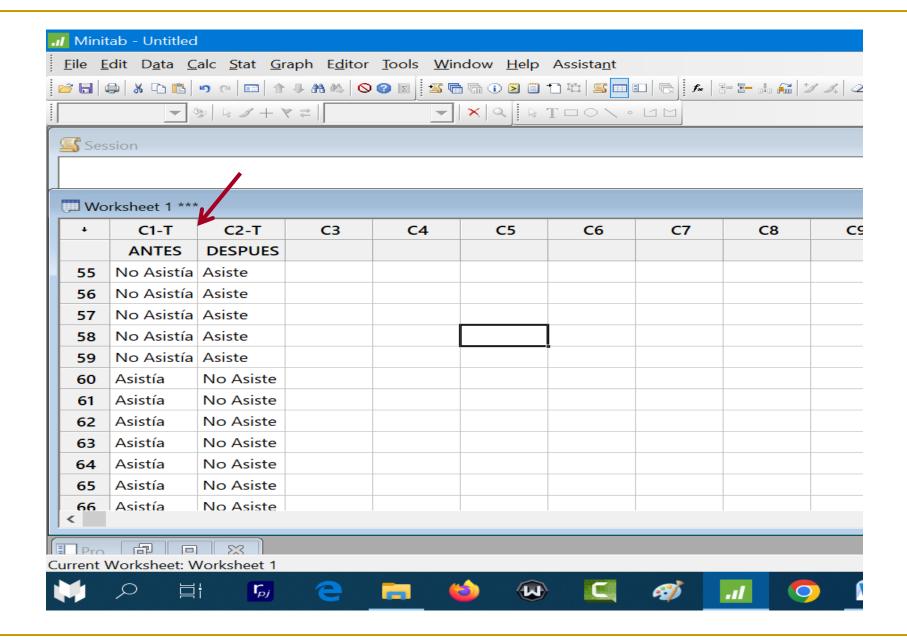
Minitab 17

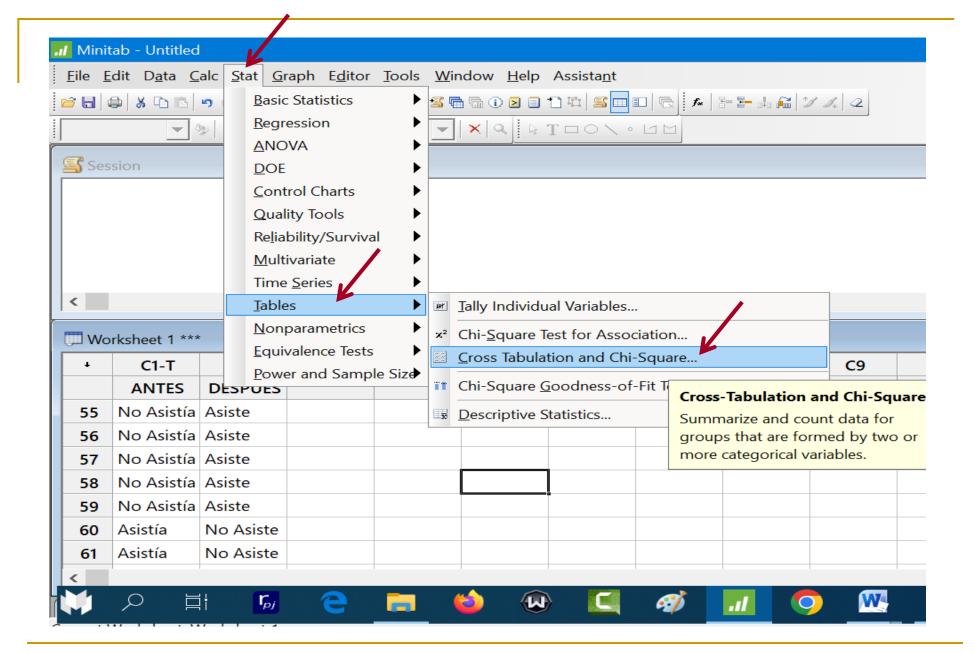
El software de herramientas estadísticas más utilizado en todo el mundo para mejorar la calidad.

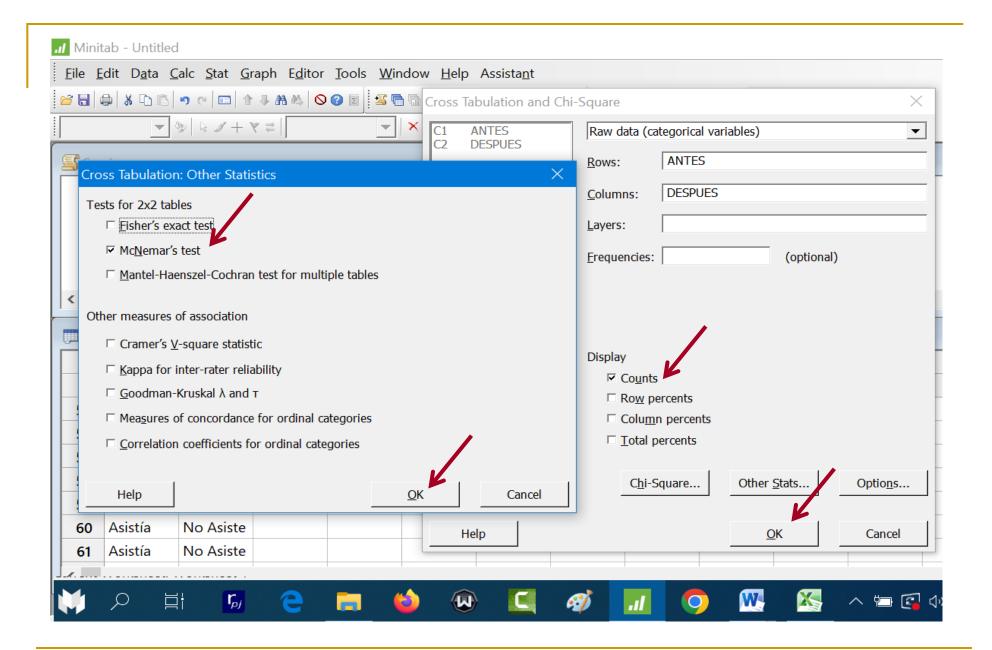
Minitab Inc. es el principal software del mundo para la enseñanza de la Estadística; también, es el software utilizado con mayor frecuencia en Seis Sigma, la principal metodología del mundo para el mejoramiento de la calidad.

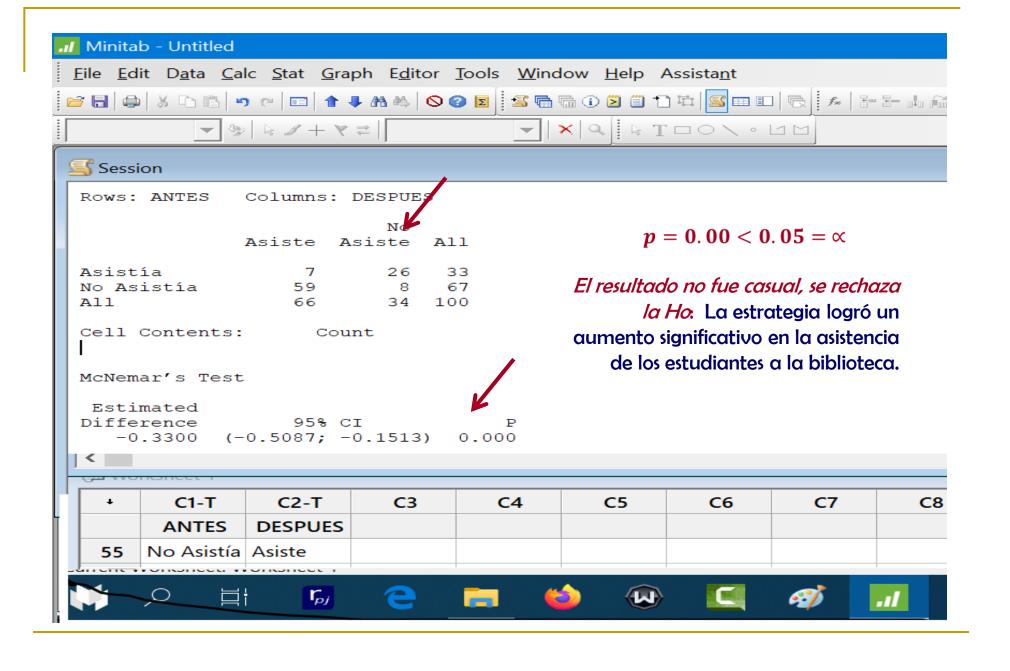
https://drive.google.com/file/d/1T6Oc5FD1BE7r-e_aubmhsNj2B0WY6fJn/view?usp=sharing



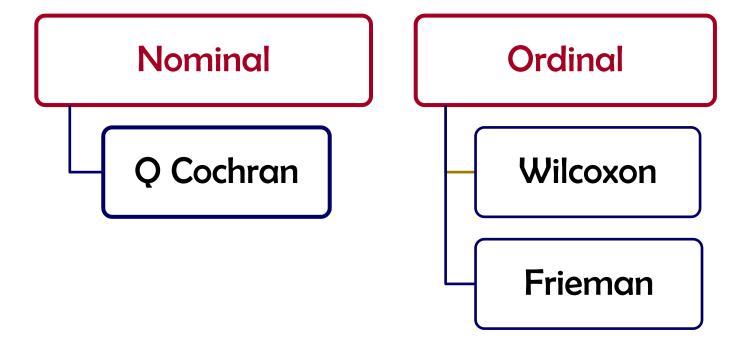








Contrastes de hipótesis para validar los resultados de un cuasi experimento pedagógico.



Ejemplo de Contraste de Hipótesis para validar los resultados en un cuasi experimento pedagógico:

En una investigación sobre el desarrollo de las habilidades de cálculo, se necesita conocer cuál de los tres tipos de adiestramiento es recomendable para que los estudiantes logren realizarlo en el menor tiempo posible.

Para ello, se seleccionan tres muestras igualadas de 18 estudiantes, ubicando de manera aleatoria a cada sujeto del trío en uno de los tres grupos.

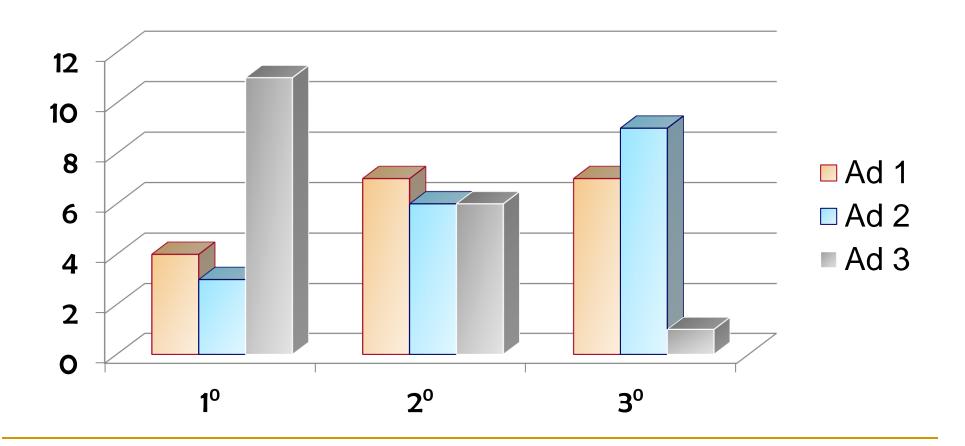
Posteriormente, enseña a cada grupo, uno de los tres tipos diferentes de adiestramiento.

Al final del adiestramiento diferenciado, somete a los 54 estudiantes a una actividad de cálculo, registrando el orden en que acabó cada estudiante de los tríos.

	Ad-1	Ad-2	Ad-3		Ad-1	Ad-2	Ad-3
1)	1	3	2	11)	2	3	1
2)	2	3	1	12)	2	3	1
3)	1	3	2	13)	3	2	1
4)	1	2	3	14)	2	3	1
5)	3	1	2	15)	2,5	2,5	1
6)	2	3	1	16)	3	2	1
7)	3	2	1	17)	3	2	1
8)	1	3	2	18)	2	3	1
9)	3	1	2				
10)	3	1	2	Rj	39,5	42,5	26,0

Síntesis de los resultados:

Ad-1 Ad-2 Ad-3 R_j 39,5 42,5 26,0



Hipótesis de partida

Hipótesis de Nulidad

$$p[Ad\ 1] = p[Ad\ 2] = p[Ad\ 3] = 0,33$$

Hipótesis alternativa

Selección de la prueba:

- Propósito: Determinar la significación de la diferencia entre los tres adiestramientos, con relación al tiempo de cálculo del ejercicio...
- Escala de medición: Ordinal o de Rango.

Prueba de Friedman

Nivel de
Significación

Valores críticos de la Normal

Rango de Posibilidad

$$x^2 \ge 9,21$$

Muy posible

$$9,21 > x^2 \ge 5,99$$

Bastante posible

$$5,99 > x^2 \ge 4,60$$

Algo posible

$$4,60 > x^2 \ge 3,22$$

Poco posible

$$3,22 > x^2 \ge 2,41$$

Bastante poco posible

$$2,41 > x^2 \ge 0,00$$

Muy poco posible

Cálculo y deción

$$X^{2} = \frac{12}{Nk(k+1)} \sum_{j=1}^{k} (R_{j})^{2} - 3N(k+1)$$

Donde:

N: número de elementos de cada muestra = 18

k: número de adiestramientos = 3

 R_j : suma de los rangos en cada adiestramiento

Cálculo y Decisión

$$\sum_{j} R_{j} = (39,5)^{2} + (42,5)^{2} + (26)^{2} = 4042,5$$

$$X^{2} = \frac{12}{(18)(3)(3+1)}[4042,5] - (3)(18)(3+1) = 8,4$$

$$9,21 > X^2 \ge 5,99$$

Bastante posible

TÉCNICAS Y PROGRAMAS PARA EL PROCESAMIENTO DE DATOS PROGRAMA DE PROCESAMIENTO MINITAB

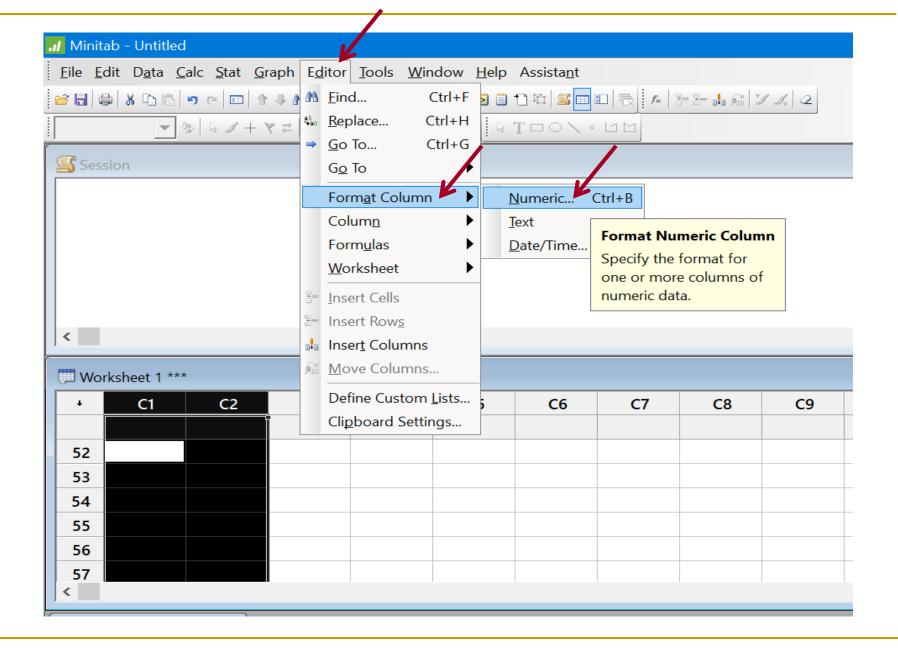


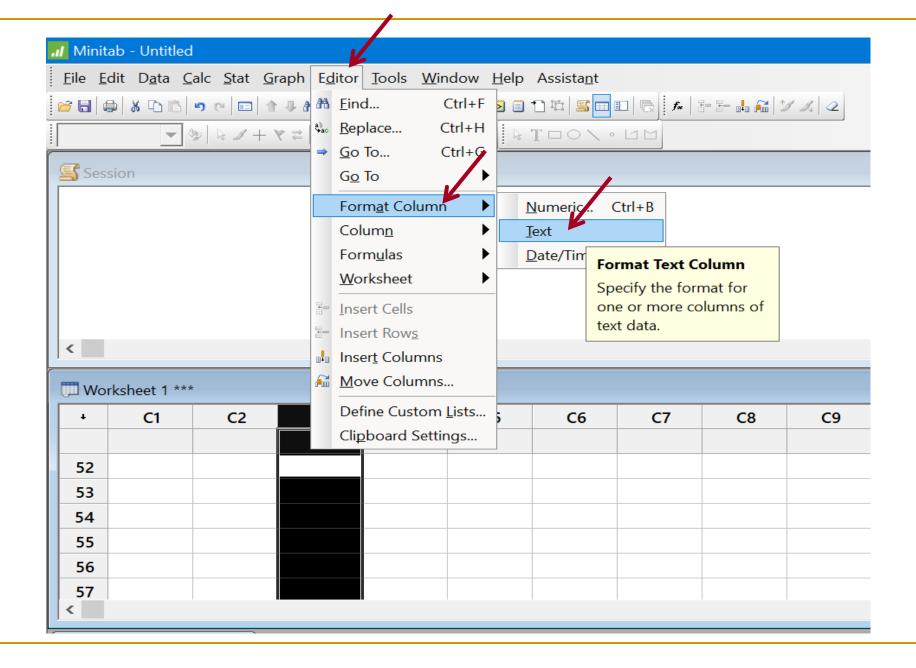
Minitab 17

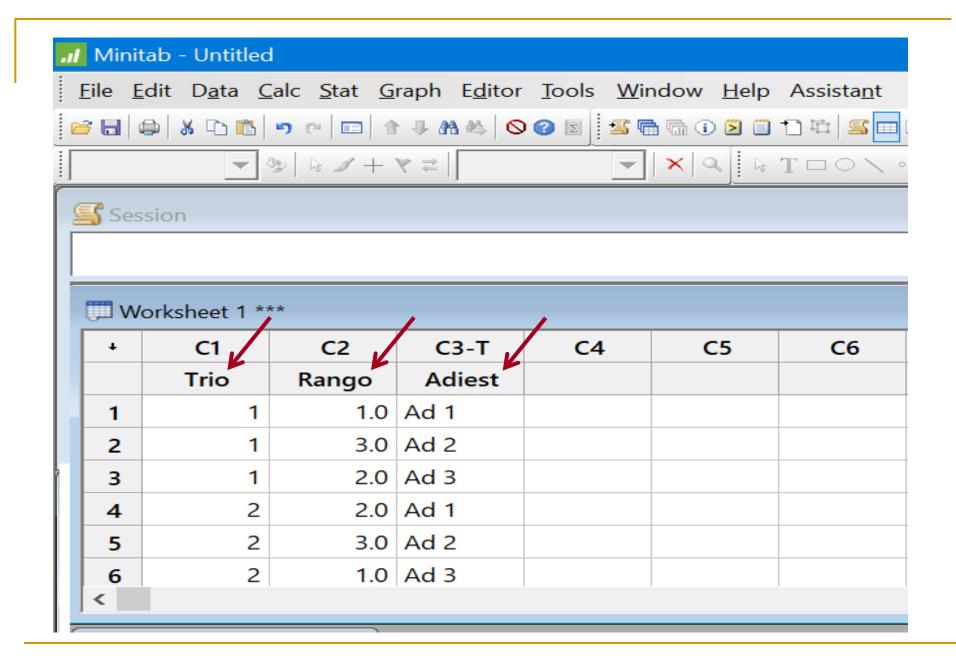
El software de herramientas estadísticas más utilizado en todo el mundo para mejorar la calidad.

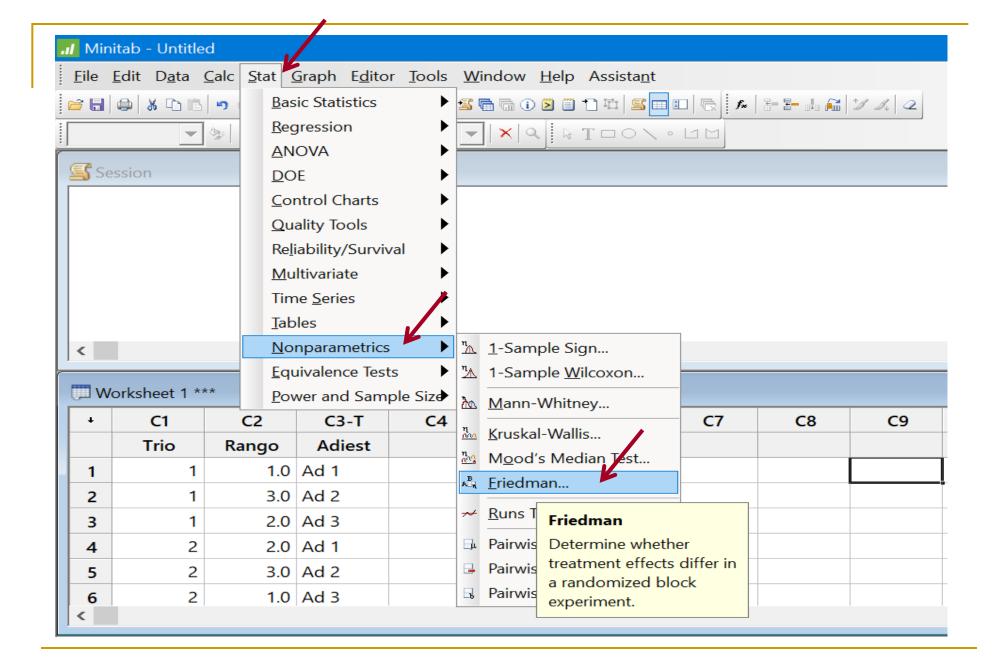
Minitab Inc. es el principal software del mundo para la enseñanza de la Estadística; también, es el software utilizado con mayor frecuencia en Seis Sigma, la principal metodología del mundo para el mejoramiento de la calidad.

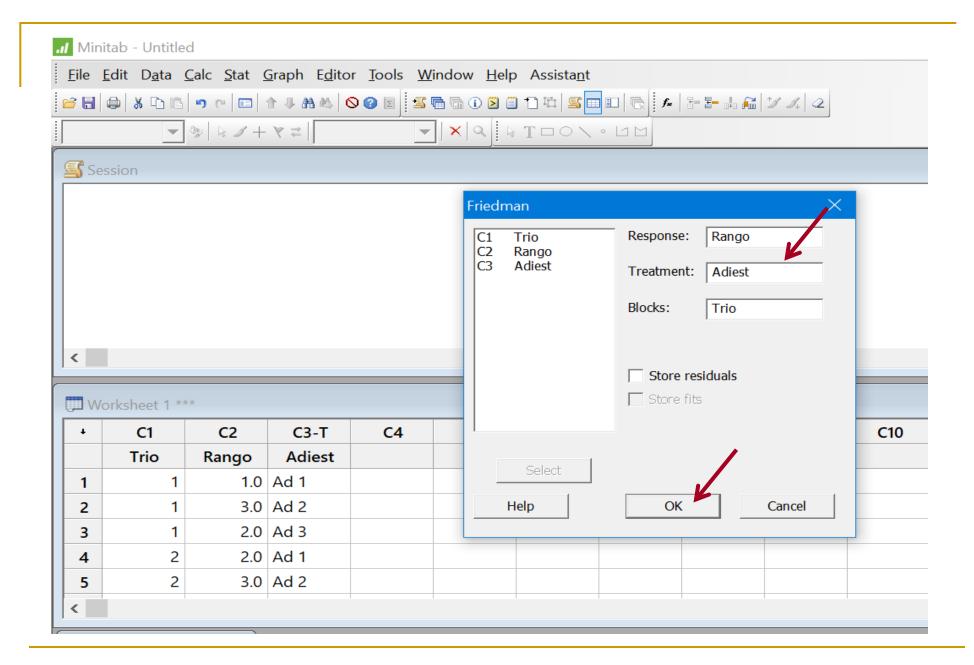
https://drive.google.com/file/d/1T6Oc5FD1BE7r-e_aubmhsNj2B0WY6fJn/view?usp=sharing

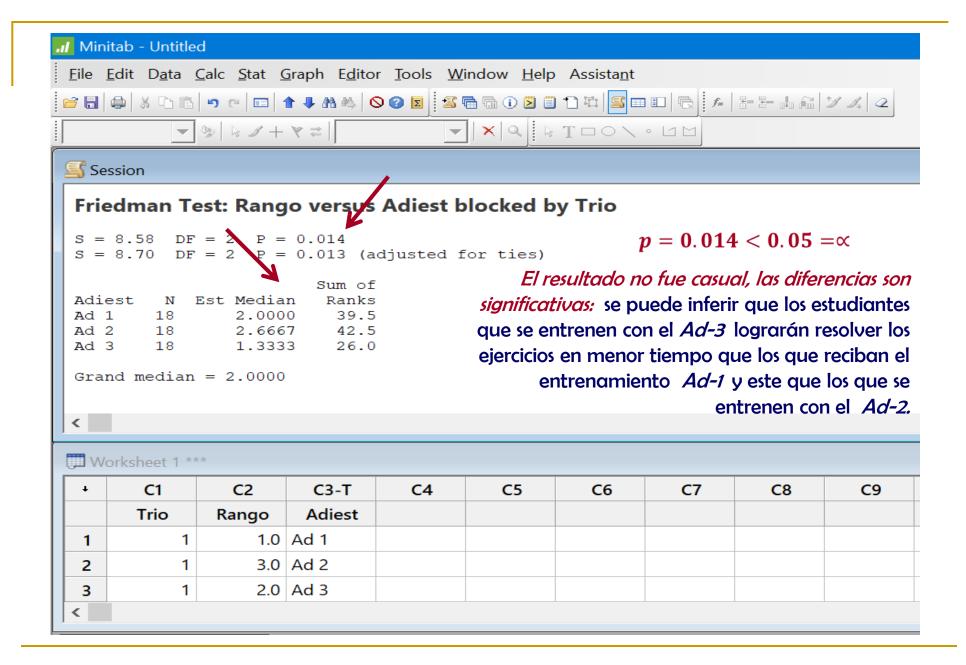












CONTRASTES DE HIPÓTESIS EN LA CORRELACIÓN DE VARIABLES PEDAGÓGICAS.

Nominal Ordinal

Contingencia Spearman

La determinación de la coherencia constituye la primera exigencia para el análisis de los sistemas y proceso complejos, intrínsecamente relacionada con búsqueda de relación entre los diferentes factores que lo conforman.

- Elección no probabilístico de un Grupo Experimental
- Ejecutar vontrol sobre las variables del proceso.
- Determinación del coeficiente de correlación entre las variables.

Se determina el *nivel de significación* de la correlación.

Región de rechazo: \times = 0.05 (95 % de fiabilidad)

Pruebas «no paramétricas» Contingencia / Spearman

Ejemplo de correlación:

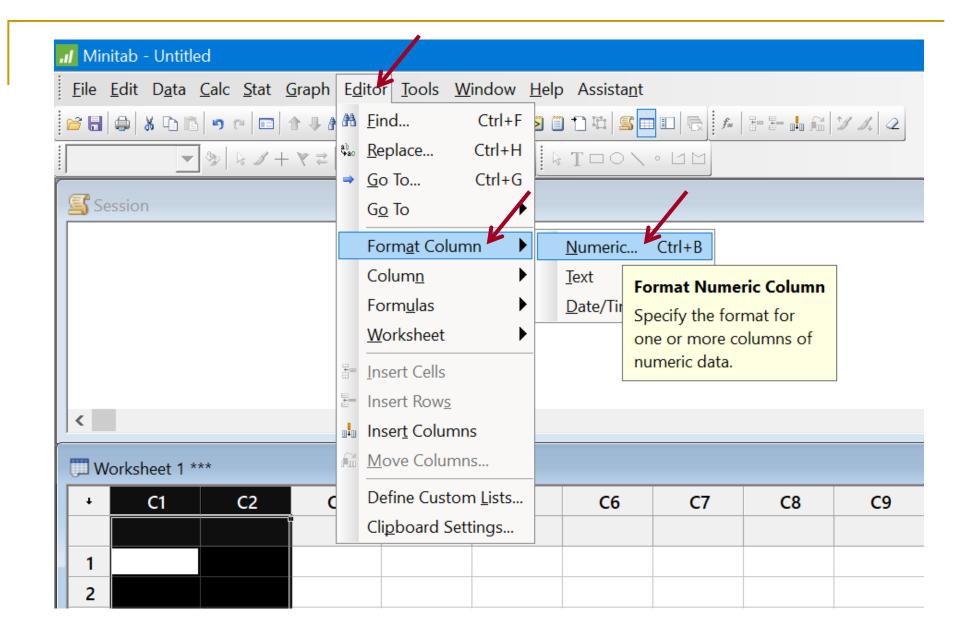
Se indaga sobre el *grado de relación* con que se han desarrollado las partes «*teórica y de habilidades prácticas*» de un curso de Ciencias.

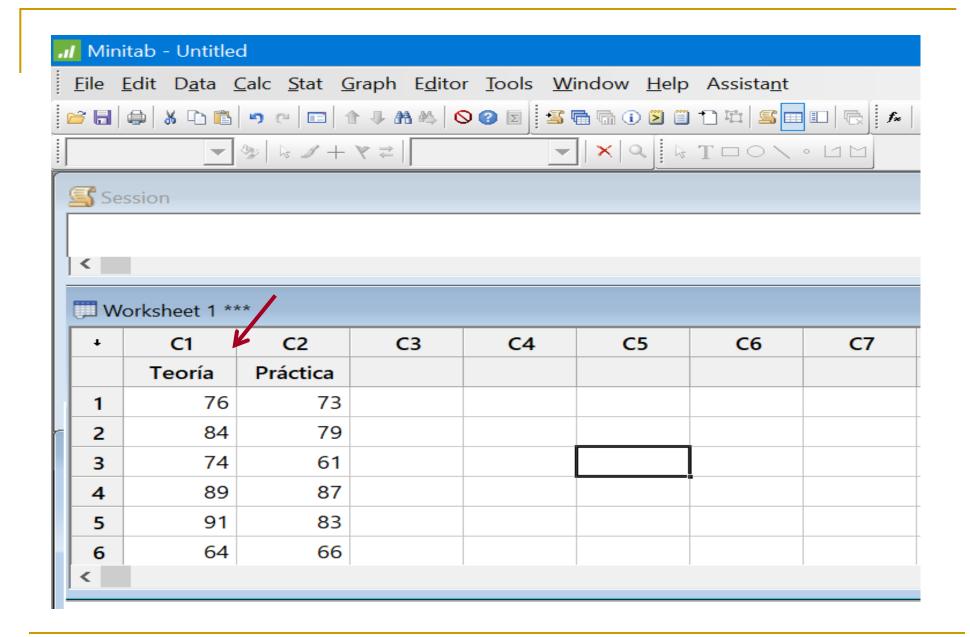
Para ello, se les aplicó a 10 estudiantes *seleccionados intencionalmente* una prueba de los contenidos teóricos y otra de habilidades prácticas, en una *escala ordinal de 0 a 100.*

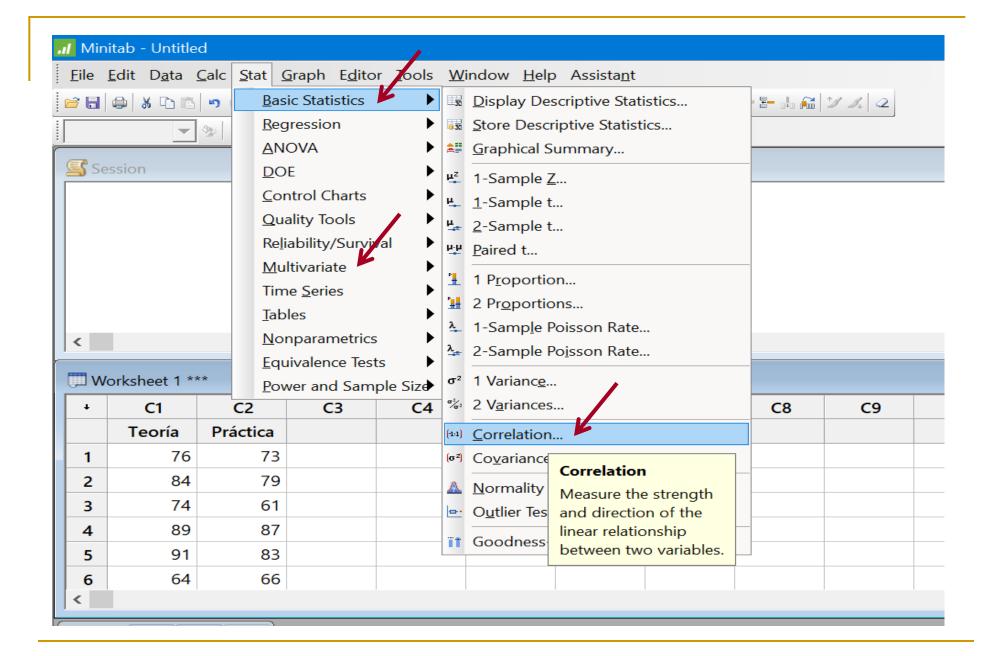
Los resultados se muestran en la tabla...

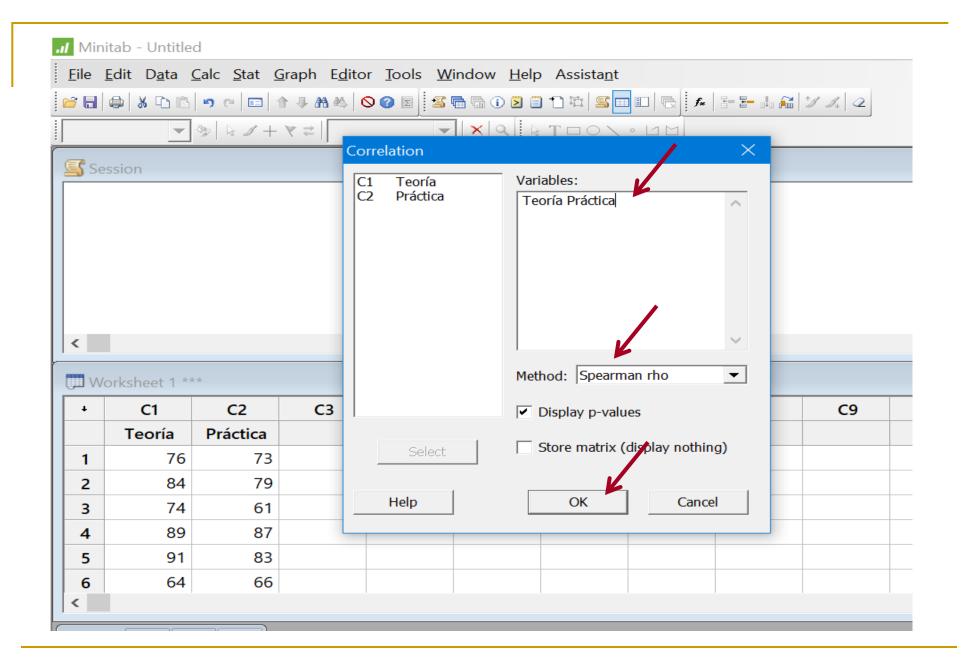
Resultado de las pruebas

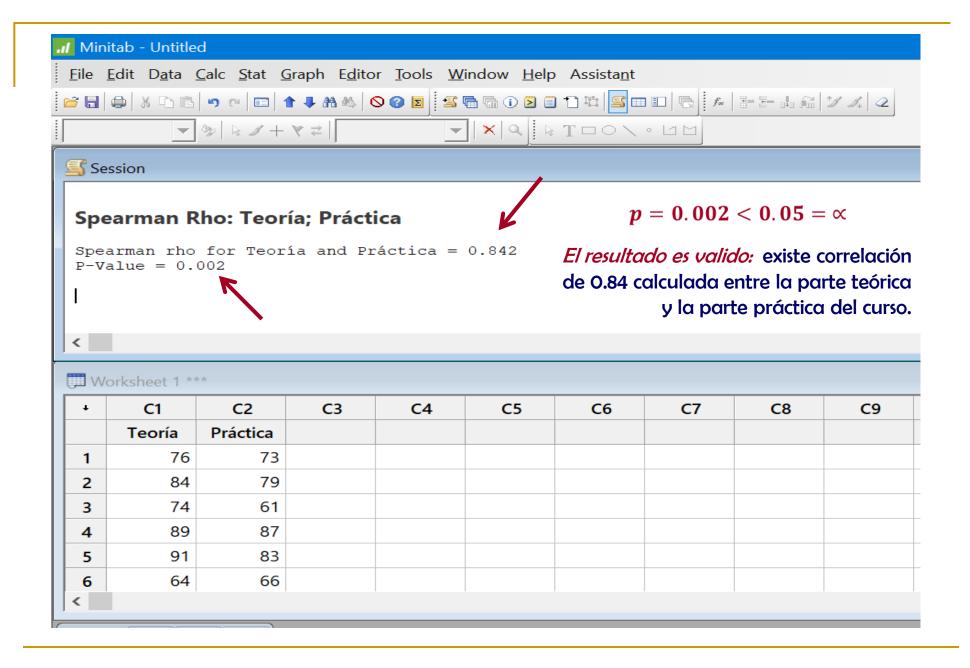
Nombre		Teoría	Práctica	
1.	Roberto	7 6	73	
2.	Arturo	84	79	Coeficiente Spearman
3.	José	74	61	Coenciente spearman
4.	María	89	87	$6\sum d^2$
5.	Pedro	91	83	$r_{\rm S} = 1 - \frac{6\sum d^2}{(N^3 - N)}$
6.	Yirsy	64	66	
7.	Héctor	86	77	$r_s = 0.84$
8.	Elena	71	69	
9.	Olga	79	67	
10.	Malena	68	63	











CONCLUSIONES

Los contrastes de hipótesis garantizan la validez del resultado de las indagaciones cuyas finalidades sean:

- Diagnostico o caracterización
- Comparación
- Significación en cambios
- Correlación

•

CONCLUSIONES

- Los diseños experimentales que más se adecuan a las investigaciones pedagógicas, por el carácter complejo, dinámico y multifactorial de sus procesos, son los pre y los cuasi experimentos.
- La introducción de la lógica polivalente permite asociar los rangos de posibilidad a los niveles de probabilidad y con ello, acerca los contrastes de hipótesis a las situaciones que se presentan en la realidad educativa.